

# Merkle trees

¿Cómo funciona Bitcoin?



# Contenidos

Una clase de estructura de datos:

- Hash pointers
- Blockchain

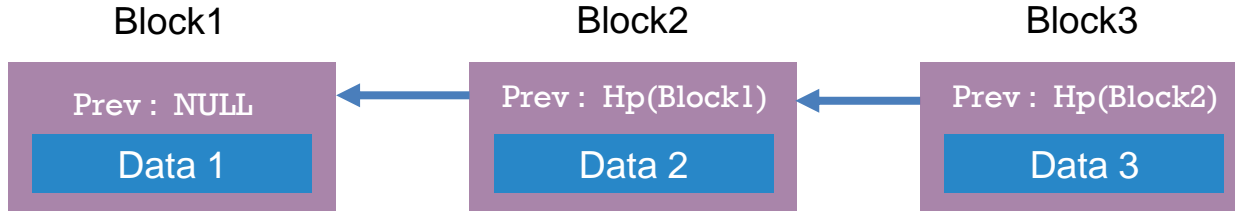


Una clase de estructura de datos:

- Hash pointers
- Blockchain
- Merkle trees

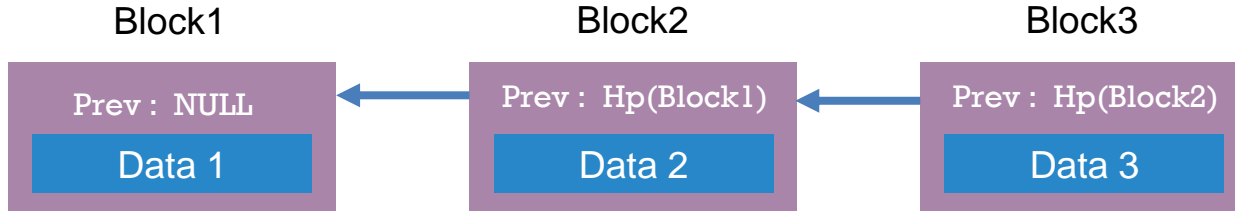


# Una debilidad





# Una debilidad

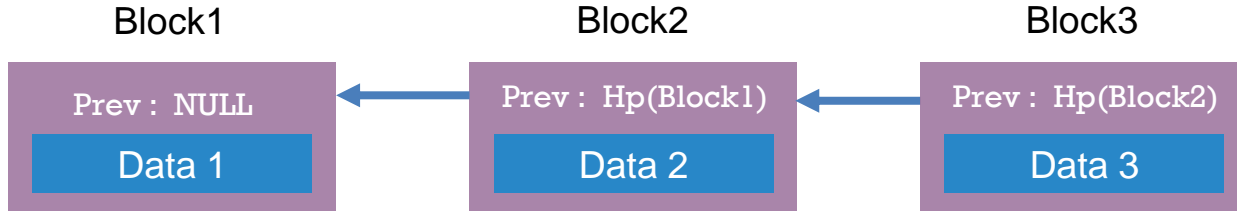


En bloque 2  
puse el dato X





# Una debilidad



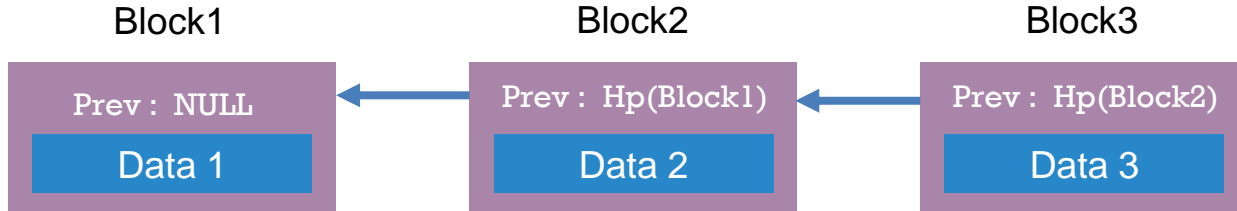
En bloque 2  
puse el dato X



OK, pero yo  
tengo solo  
Hp(Block2)



# Una debilidad



En bloque 2  
puse el dato X

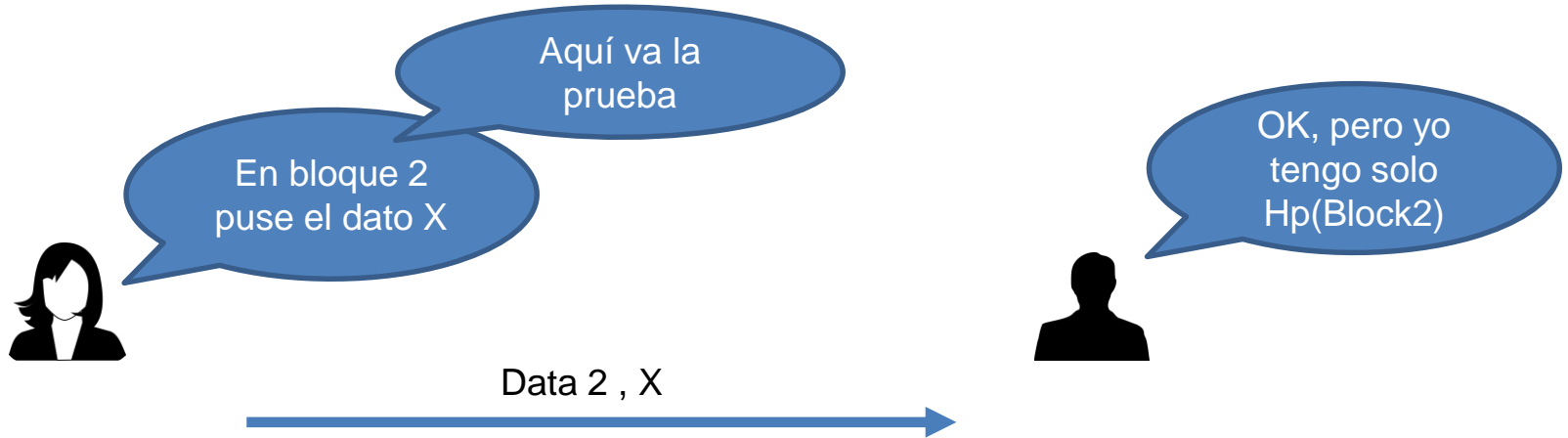
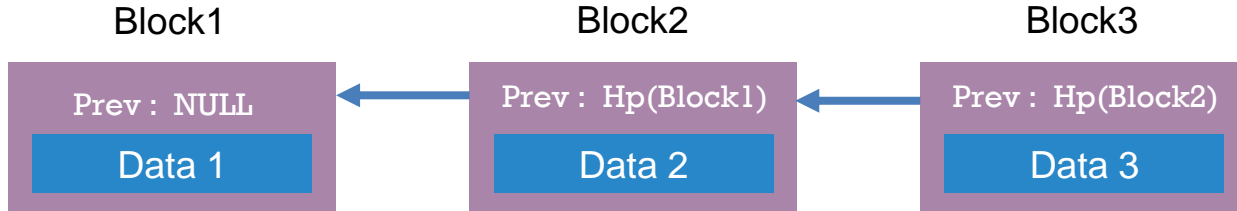
Aquí va la  
prueba



OK, pero yo  
tengo solo  
Hp(Block2)



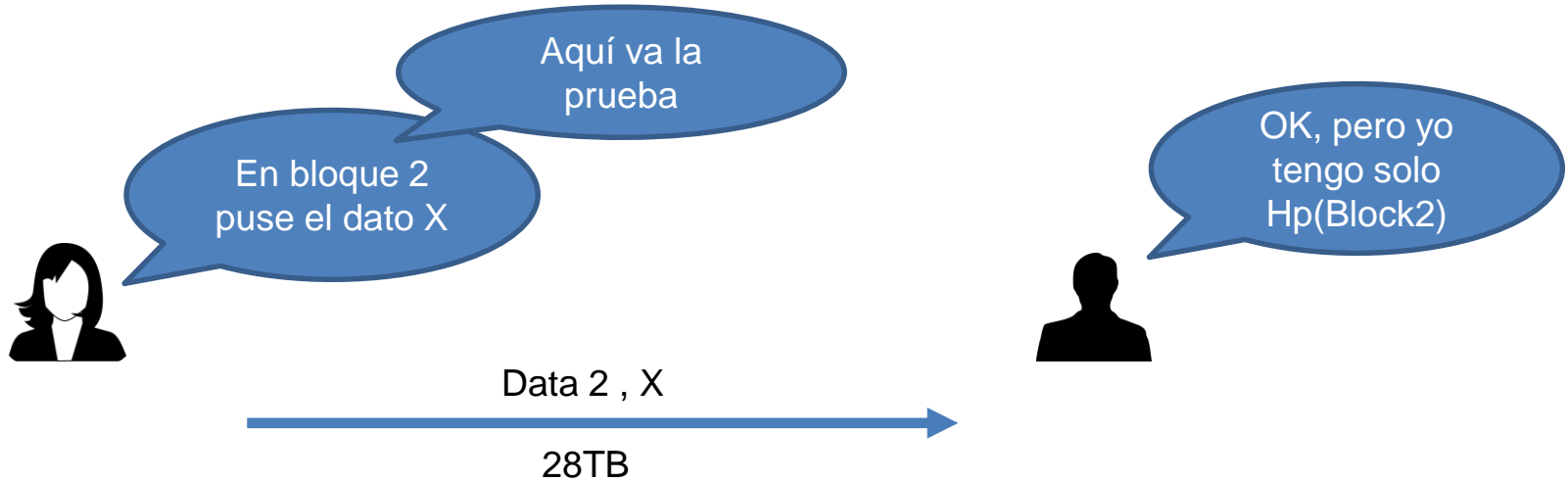
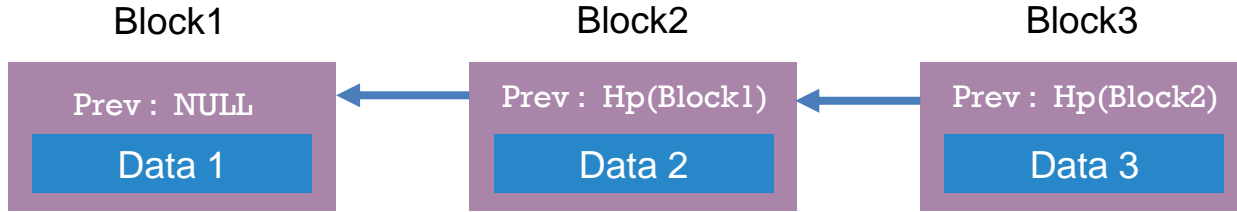
# Una debilidad





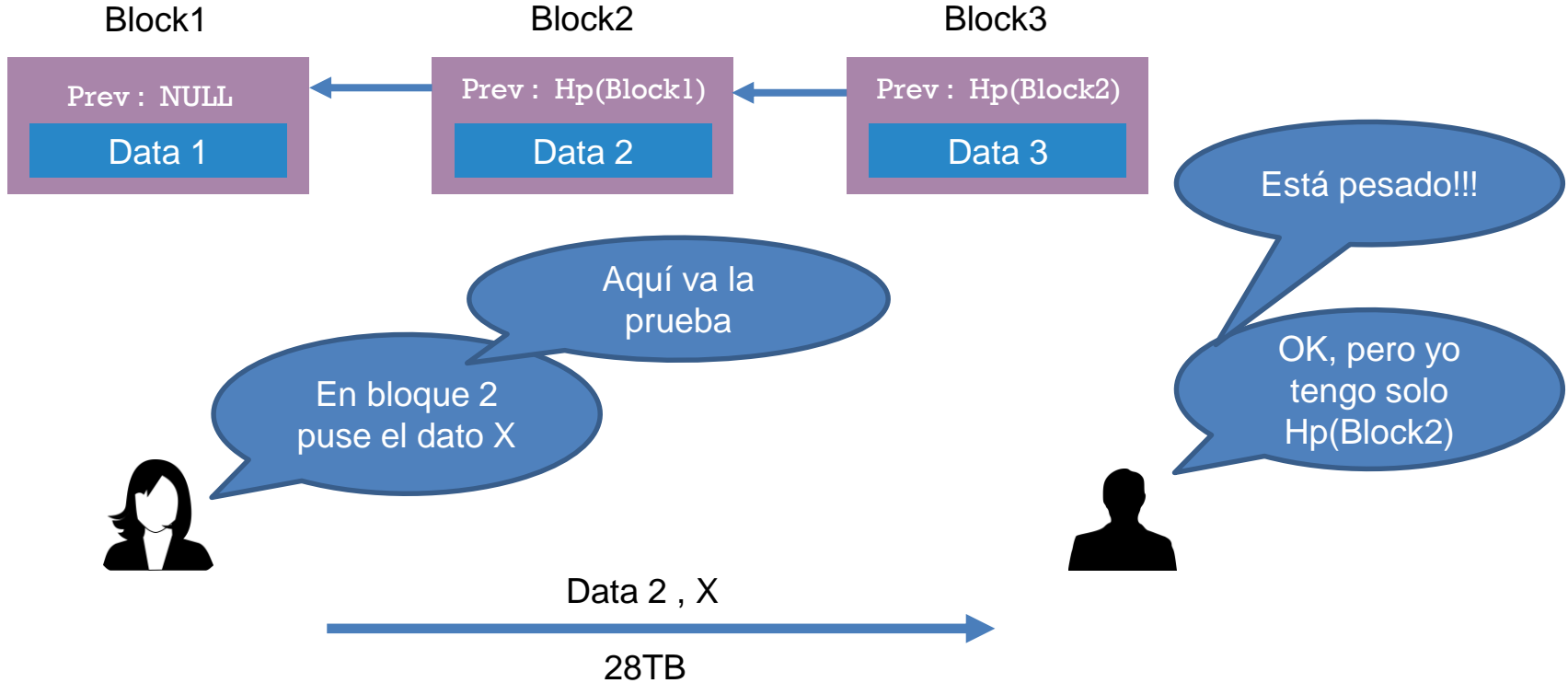


# Una debilidad



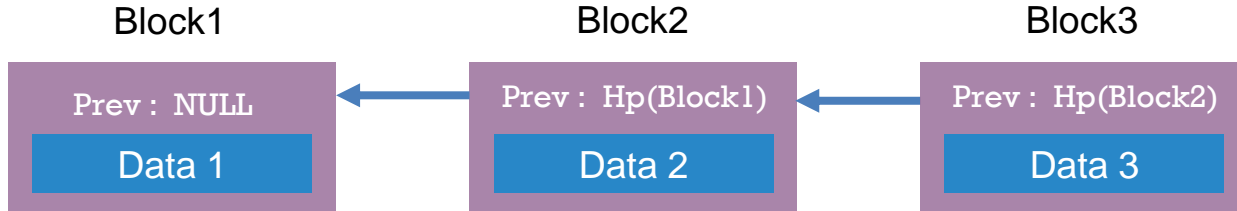


# Una debilidad





# Una debilidad



En bloque 2  
puse el dato X

Aquí va la  
prueba



Está pesado!!!

OK, pero yo  
tengo solo  
Hp(Block2)

**Como hacer la prueba más eficiente???**

# Arboles de Merkle



# Qué queremos lograr?

D 1

D 2

D 3

D 4

D 5

D 6

D 7

D 8



# Qué queremos lograr?

Data Block

D 1

D 2

D 3

D 4

D 5

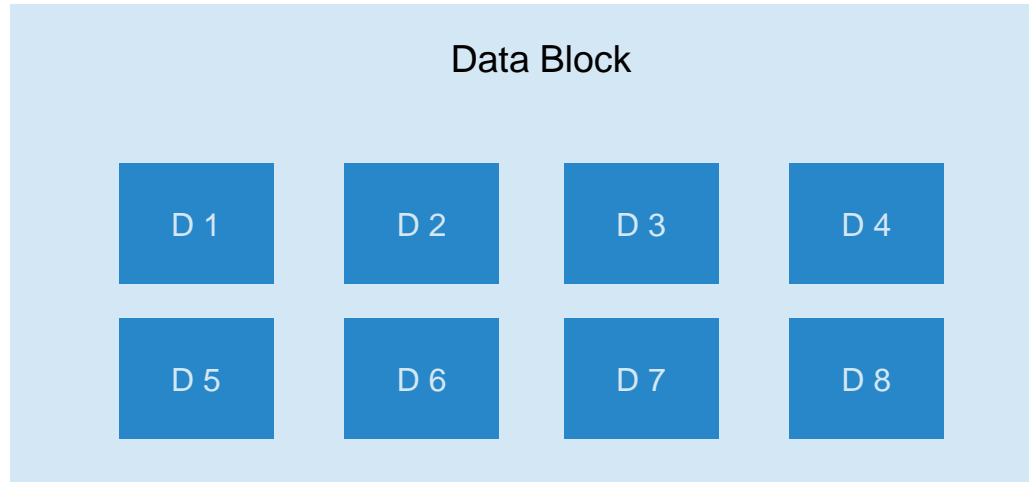
D 6

D 7

D 8



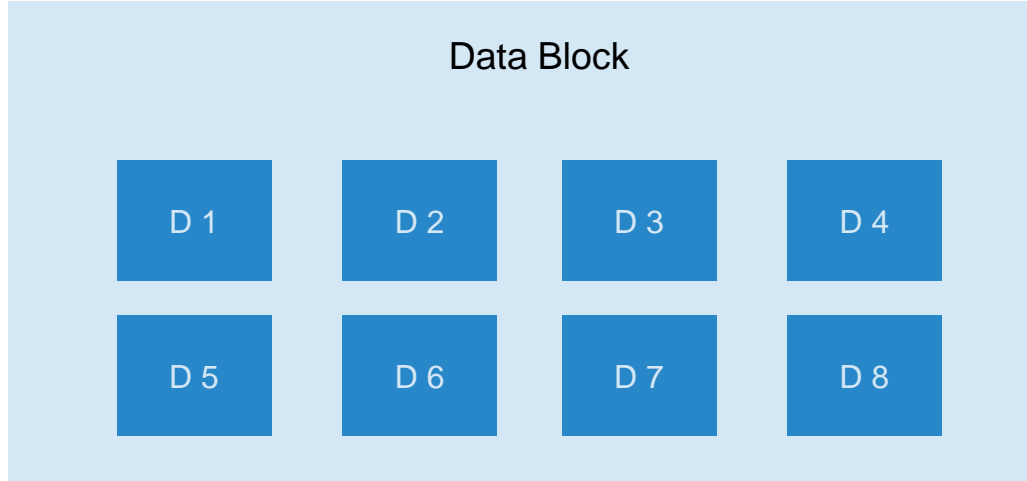
# Qué queremos lograr?



$H(\text{Data Block}) + D_i$  permite verificar que  $D_i$  pertenece a Data Block



# Qué queremos lograr?



$H(\text{Data Block}) + D_i$  permite verificar que  $D_i$  pertenece a Data Block

**Es posible lograr esto?**





# Arbol de Merkle

D 1

D 2

D 3

D 4

D 5

D 6

D 7

D 8

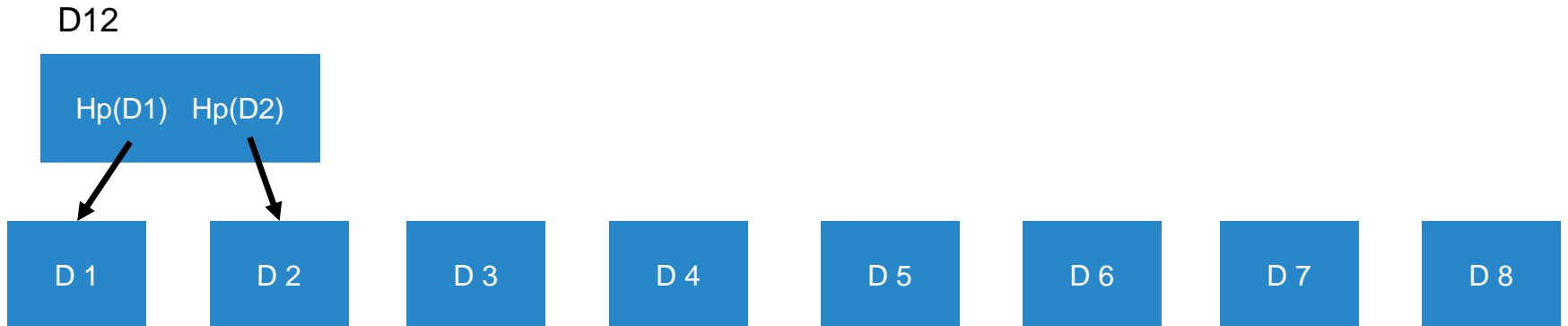


# Arbol de Merkle



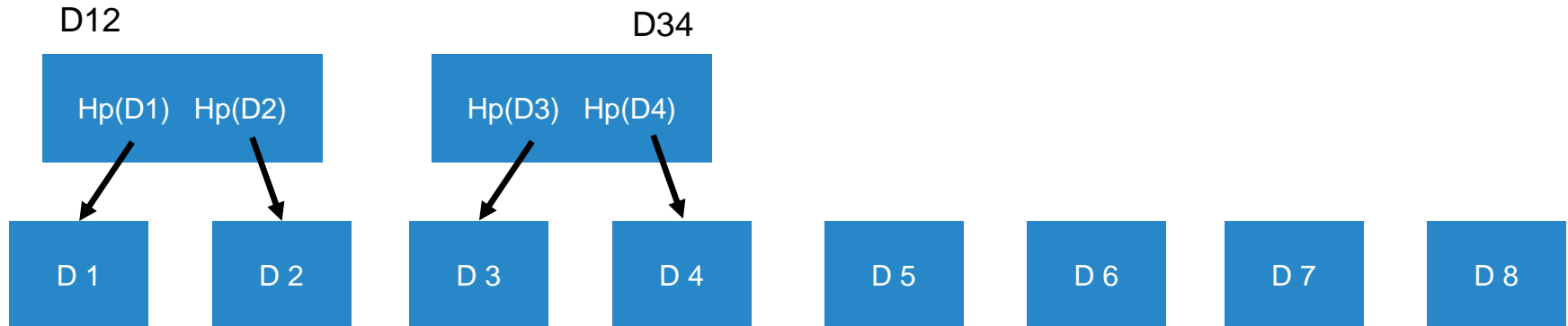


# Arbol de Merkle



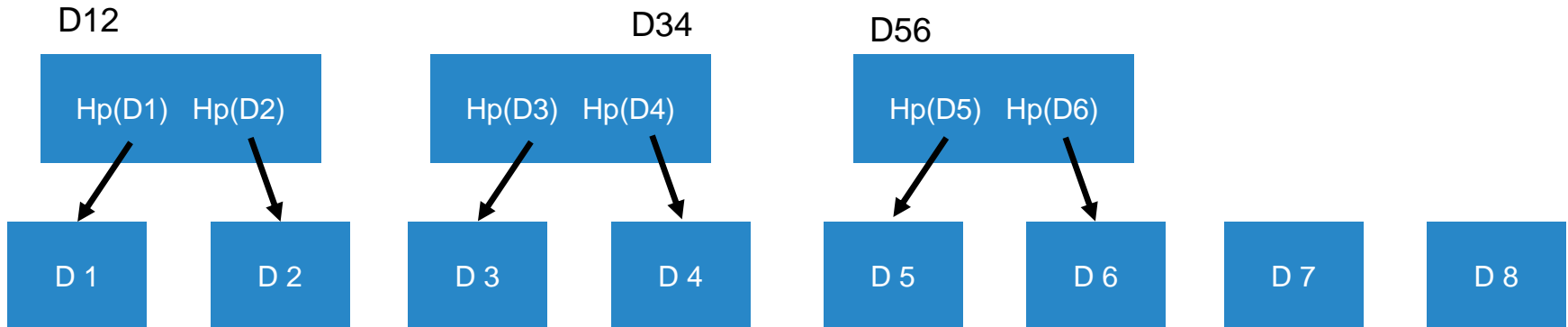


# Arbol de Merkle



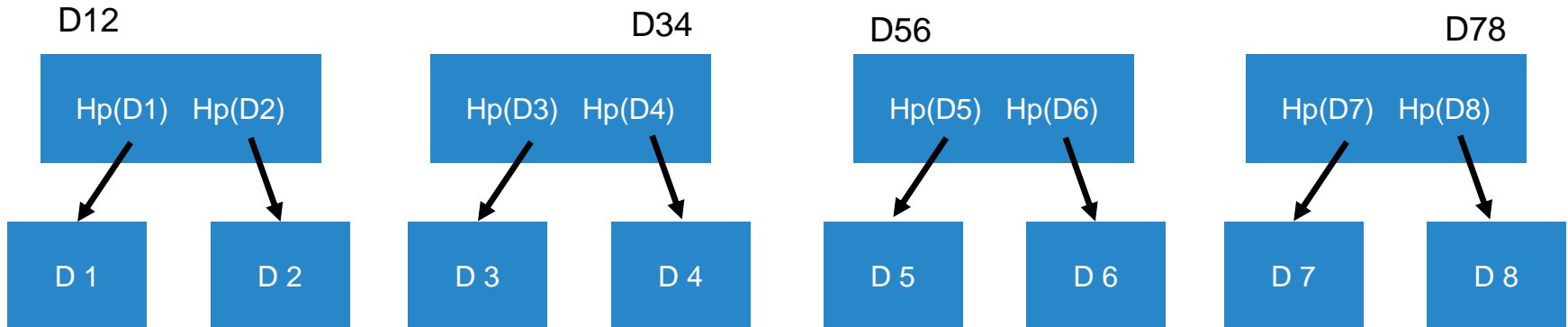


# Arbol de Merkle



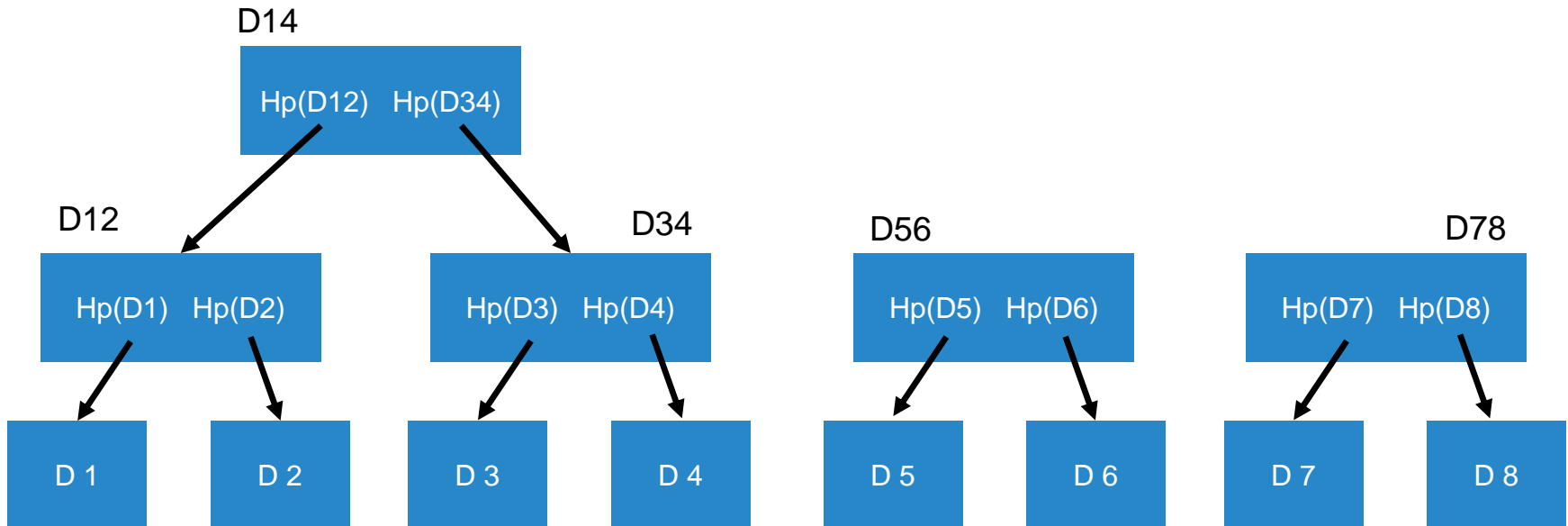


# Arbol de Merkle



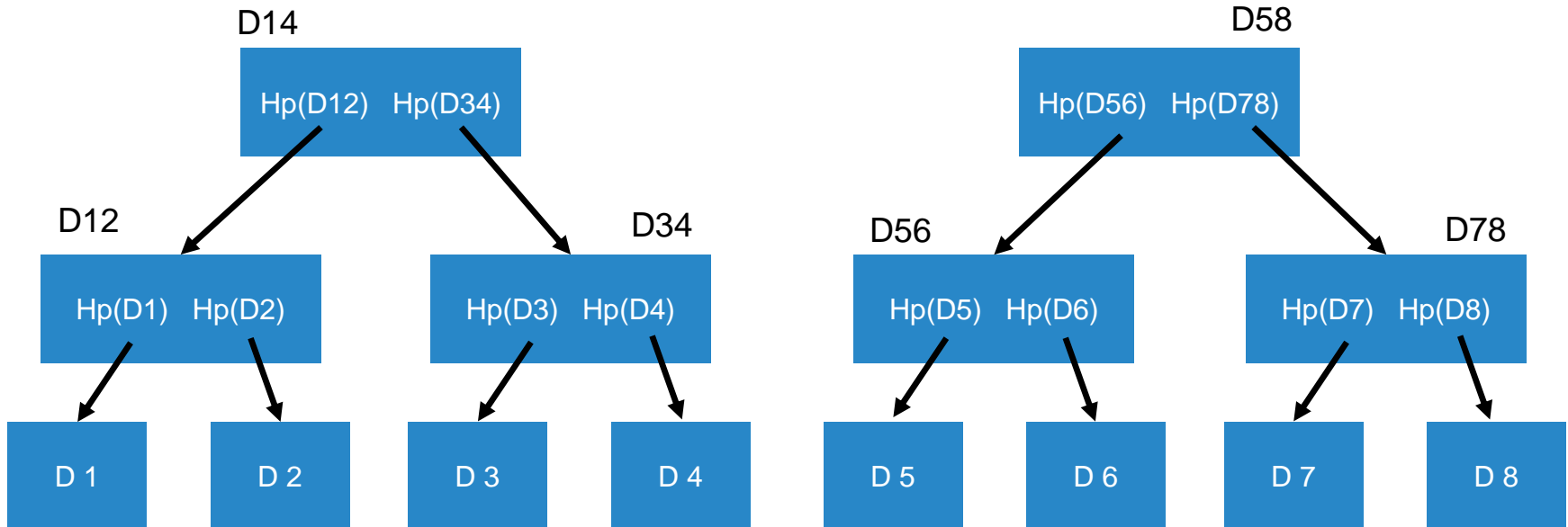


# Arbol de Merkle





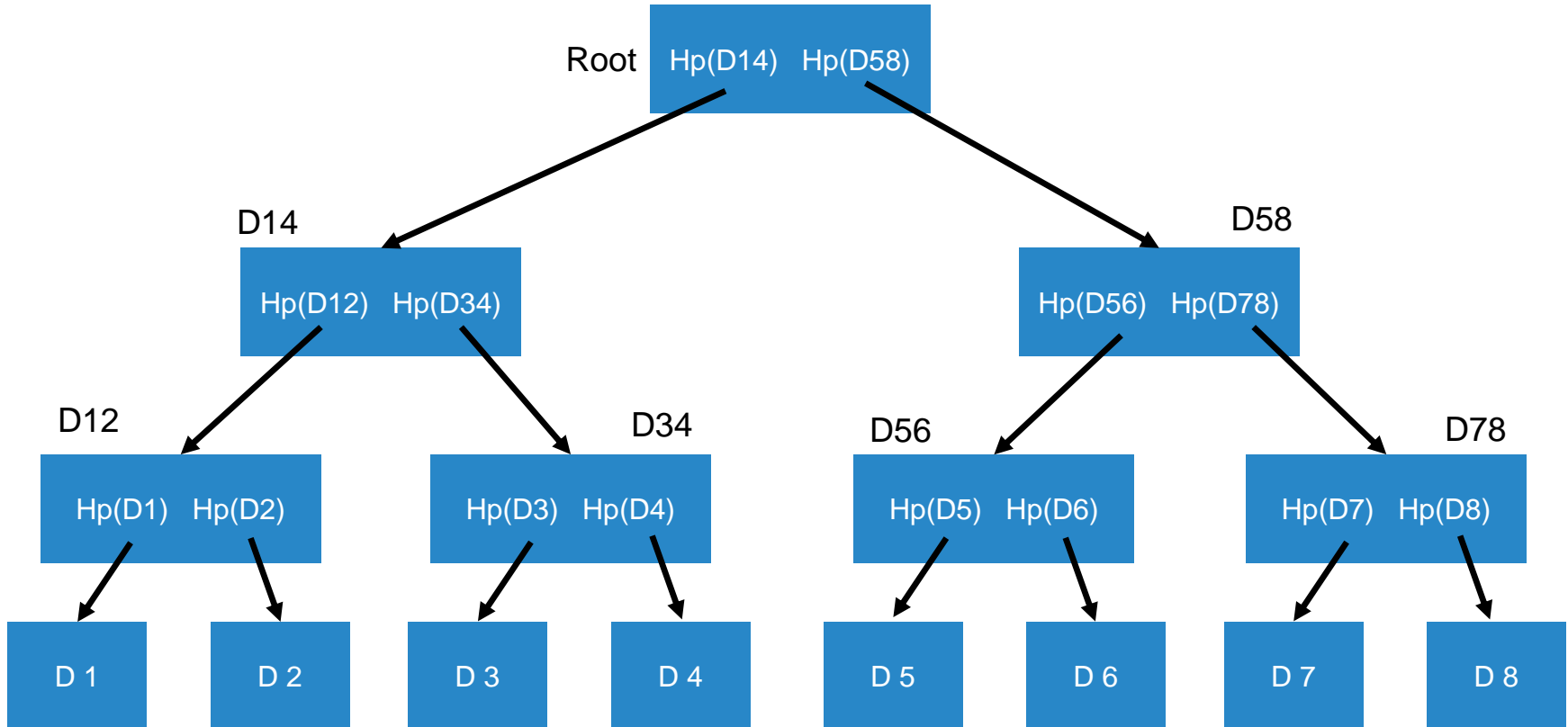
# Arbol de Merkle







# Arbol de Merkle





# Arbol de Merkle

Hp(Root)



Root

Hp(D14) Hp(D58)

D14

Hp(D12) Hp(D34)

D58

Hp(D56) Hp(D78)

D12

Hp(D1) Hp(D2)

D34

Hp(D3) Hp(D4)

D56

Hp(D5) Hp(D6)

D78

Hp(D7) Hp(D8)

D 1

D 2

D 3

D 4

D 5

D 6

D 7

D 8



# Arbol de Merkle

Si no tengo 2<sup>n</sup> datos?

D 1

D 2

D 3

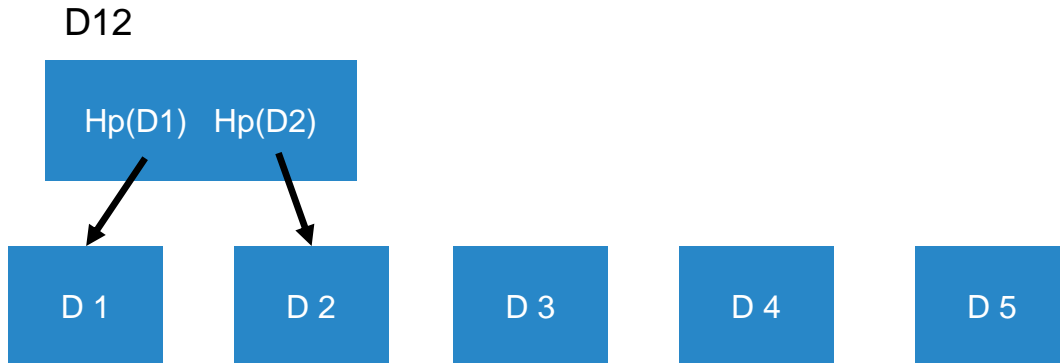
D 4

D 5



# Arbol de Merkle

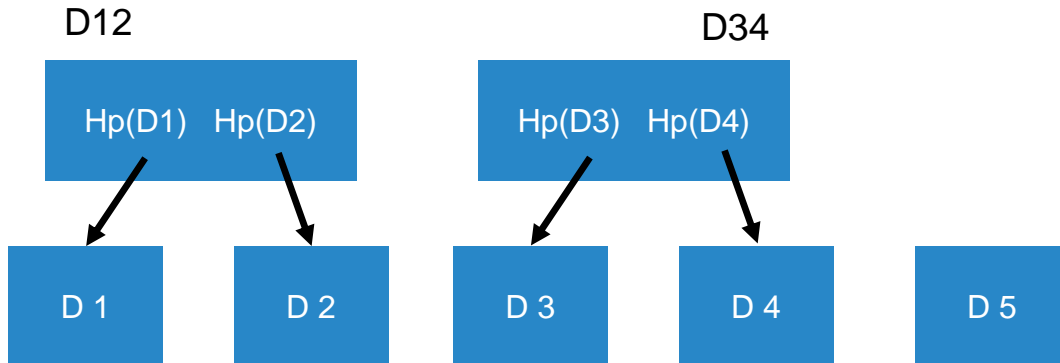
Si no tengo 2<sup>n</sup> datos?





# Arbol de Merkle

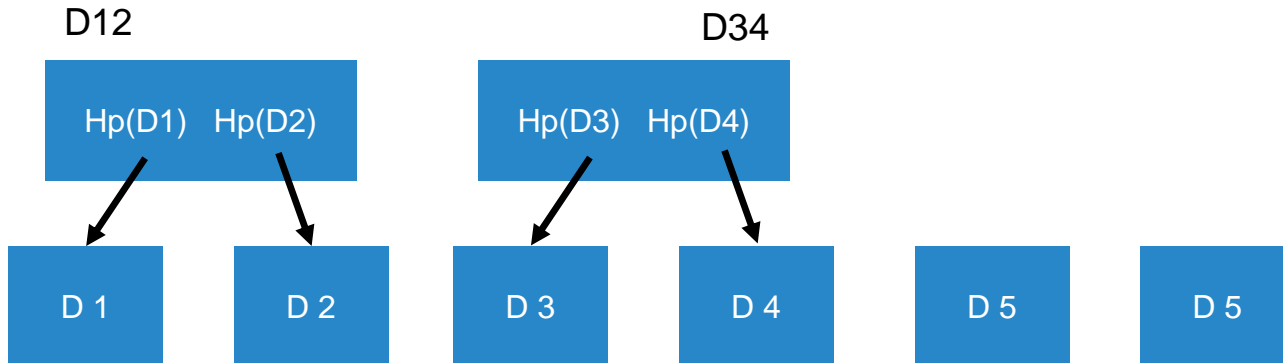
Si no tengo 2<sup>n</sup> datos?





# Arbol de Merkle

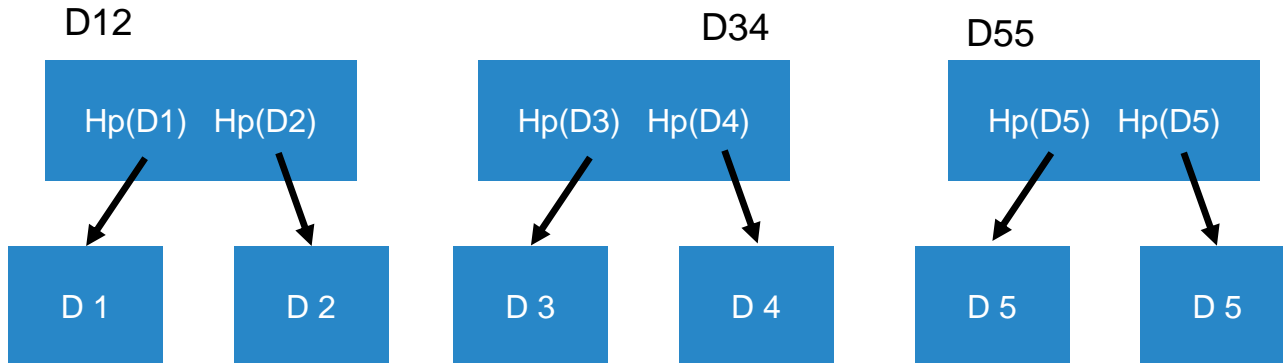
Si no tengo  $2^n$  datos?





# Arbol de Merkle

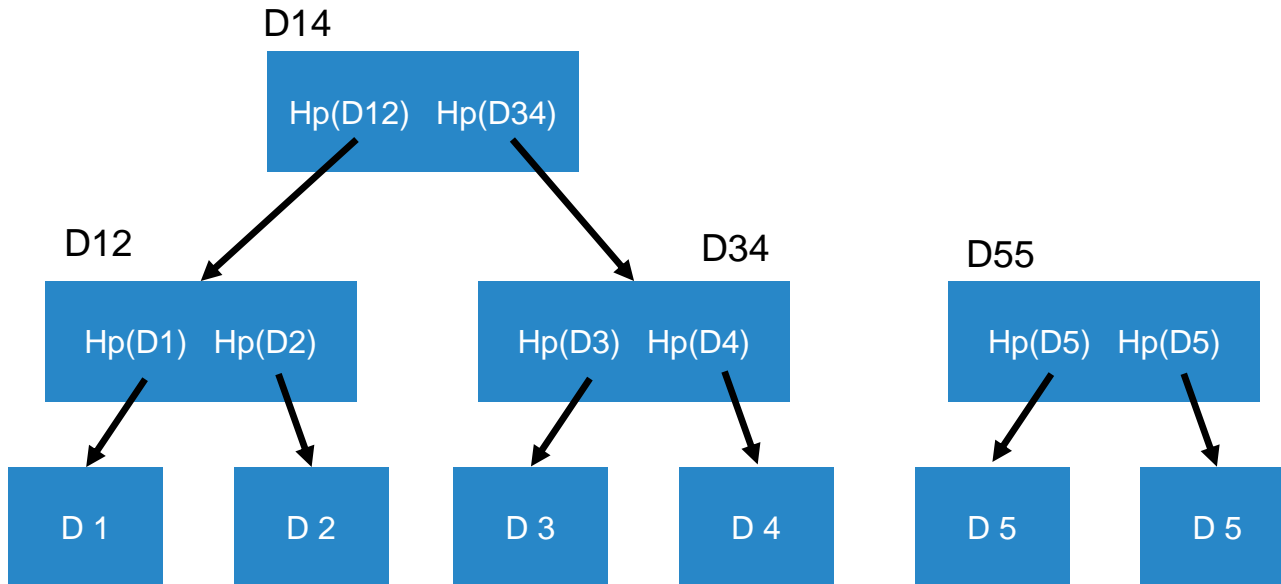
Si no tengo 2<sup>n</sup> datos?





# Arbol de Merkle

Si no tengo 2<sup>n</sup> datos?

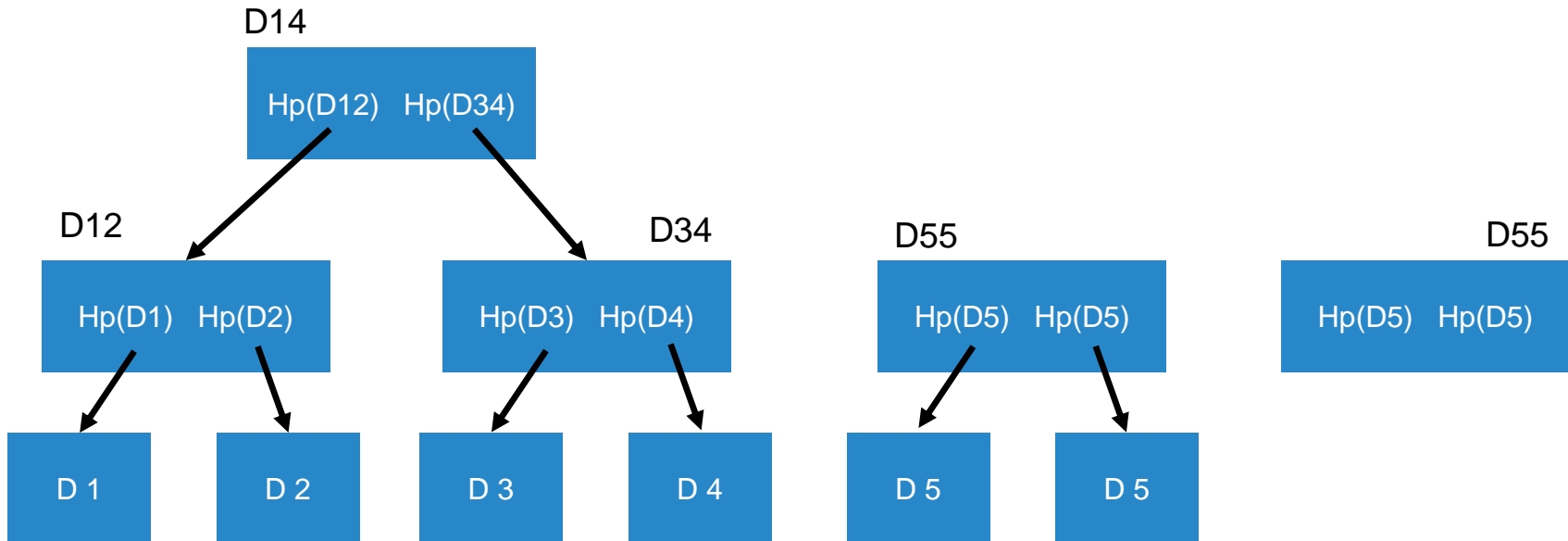






# Arbol de Merkle

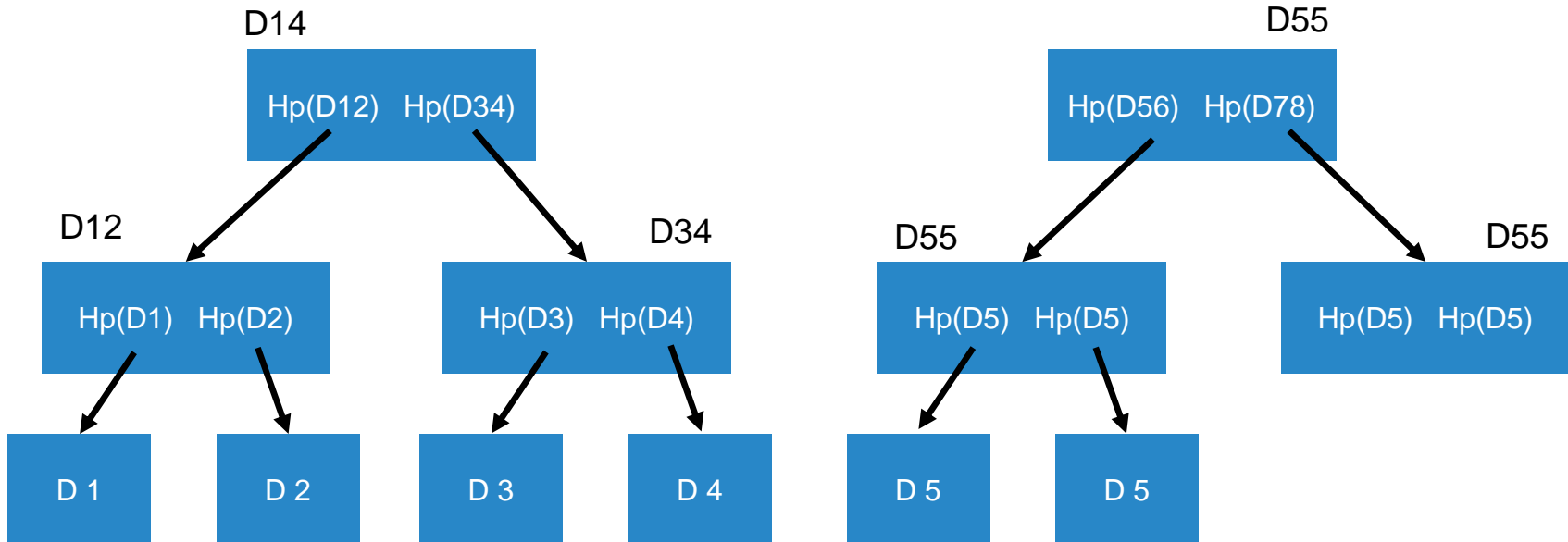
Si no tengo 2<sup>n</sup> datos?





# Arbol de Merkle

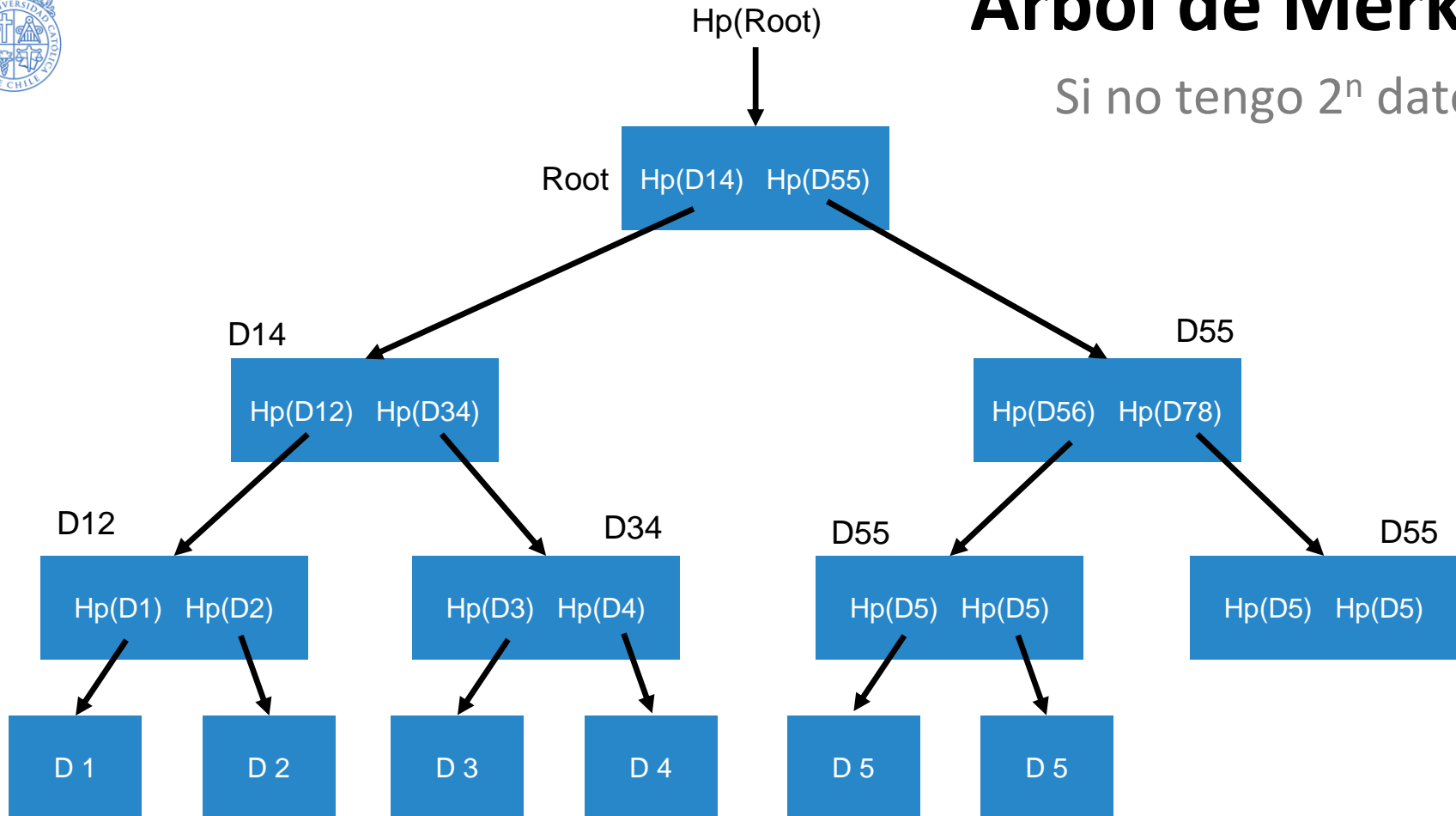
Si no tengo 2<sup>n</sup> datos?





# Arbol de Merkle

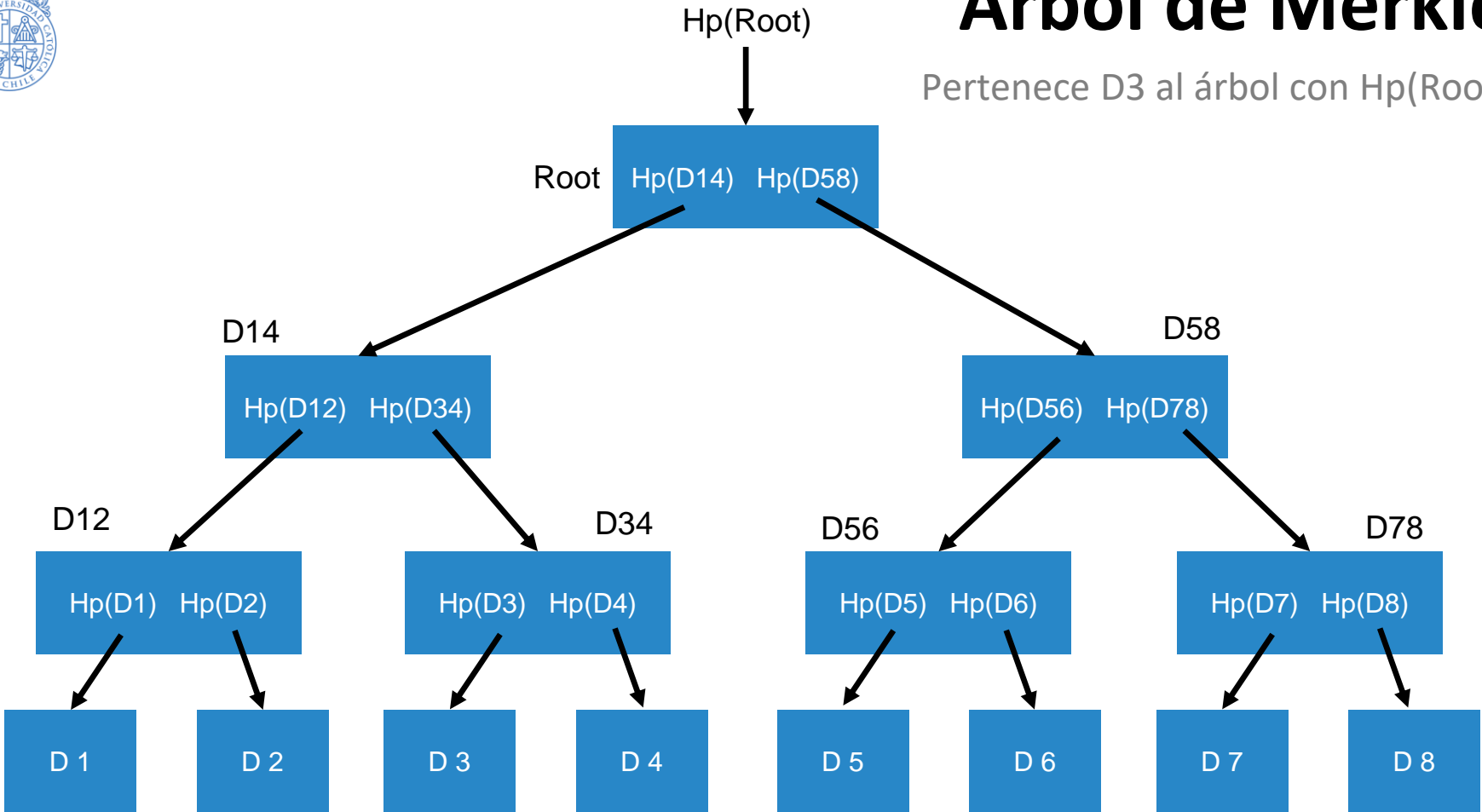
Si no tengo 2<sup>n</sup> datos?





# Arbol de Merkle

Pertenece D3 al árbol con  $H_p(\text{Root})$

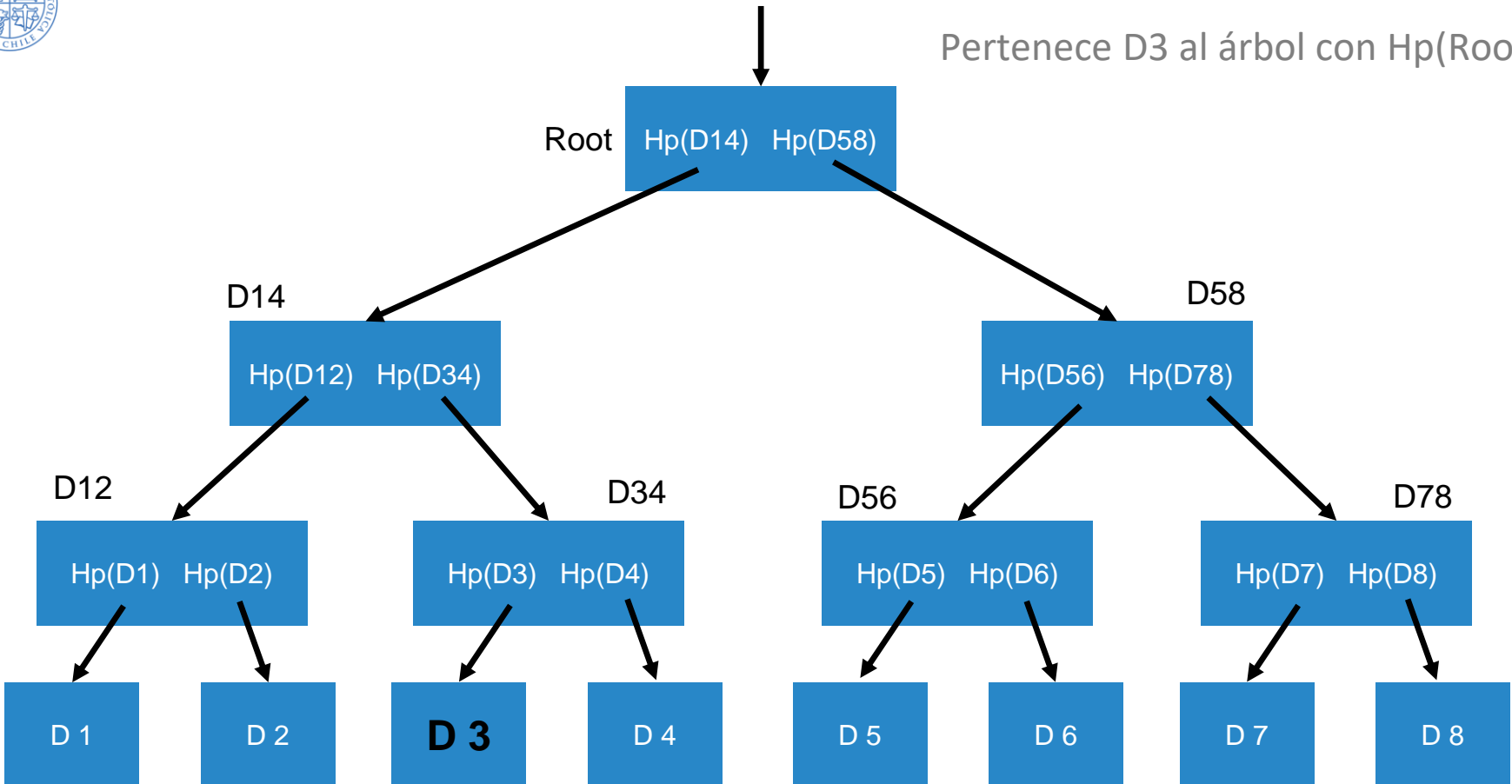




# Arbol de Merkle

Pertenece D3 al árbol con Hp(Root)

Hp(Root)

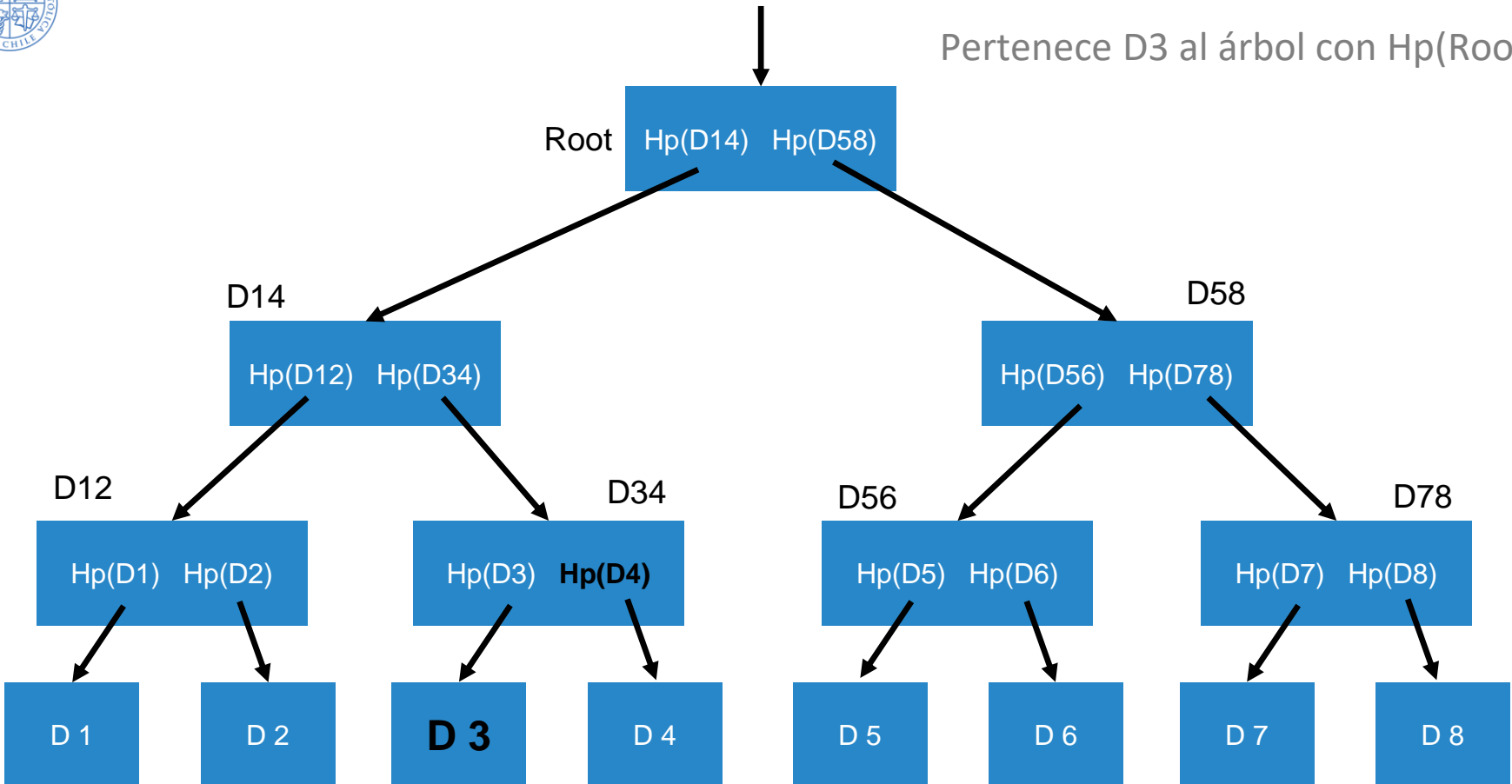




# Arbol de Merkle

Pertenece D3 al árbol con Hp(Root)

Hp(Root)

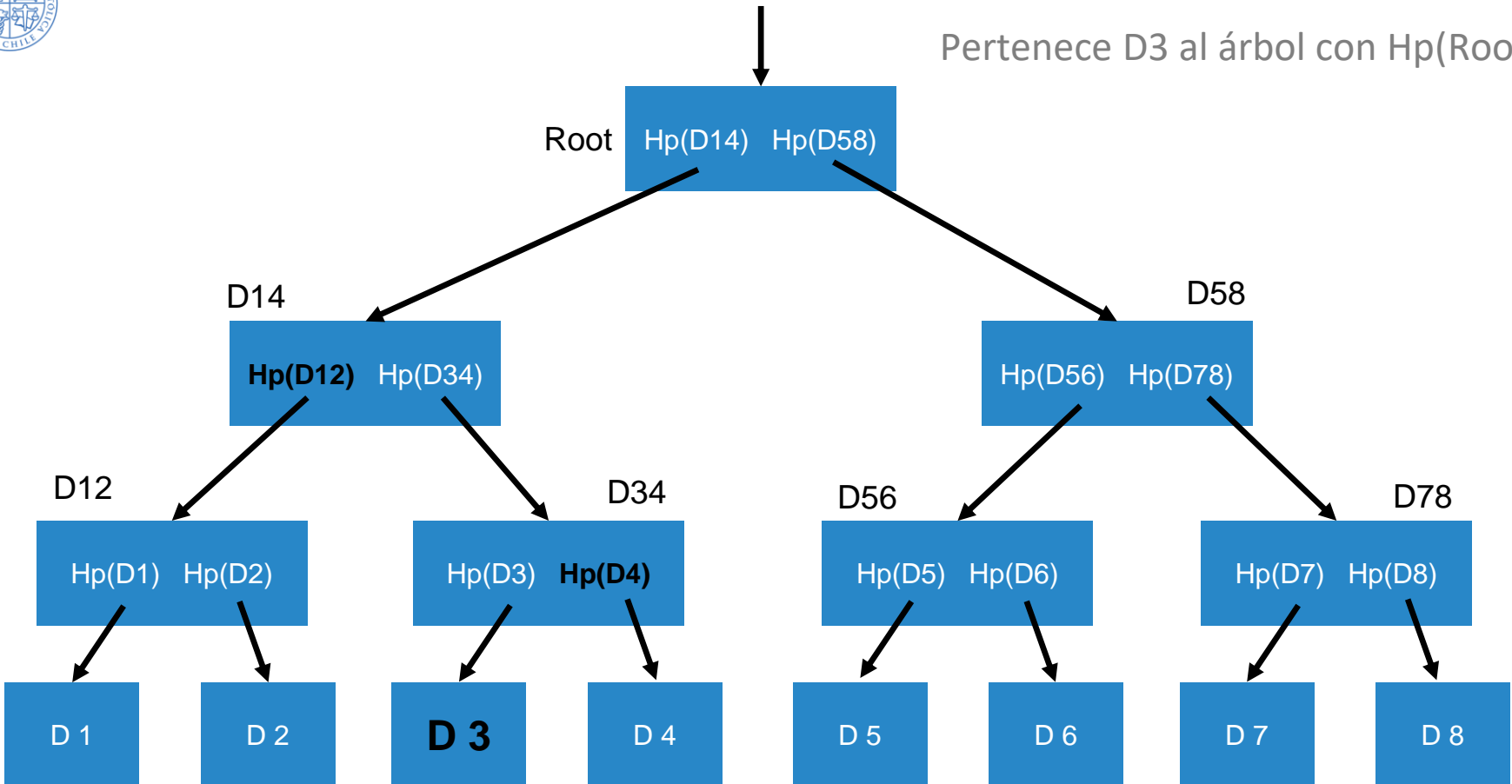




# Arbol de Merkle

Pertenece D3 al árbol con Hp(Root)

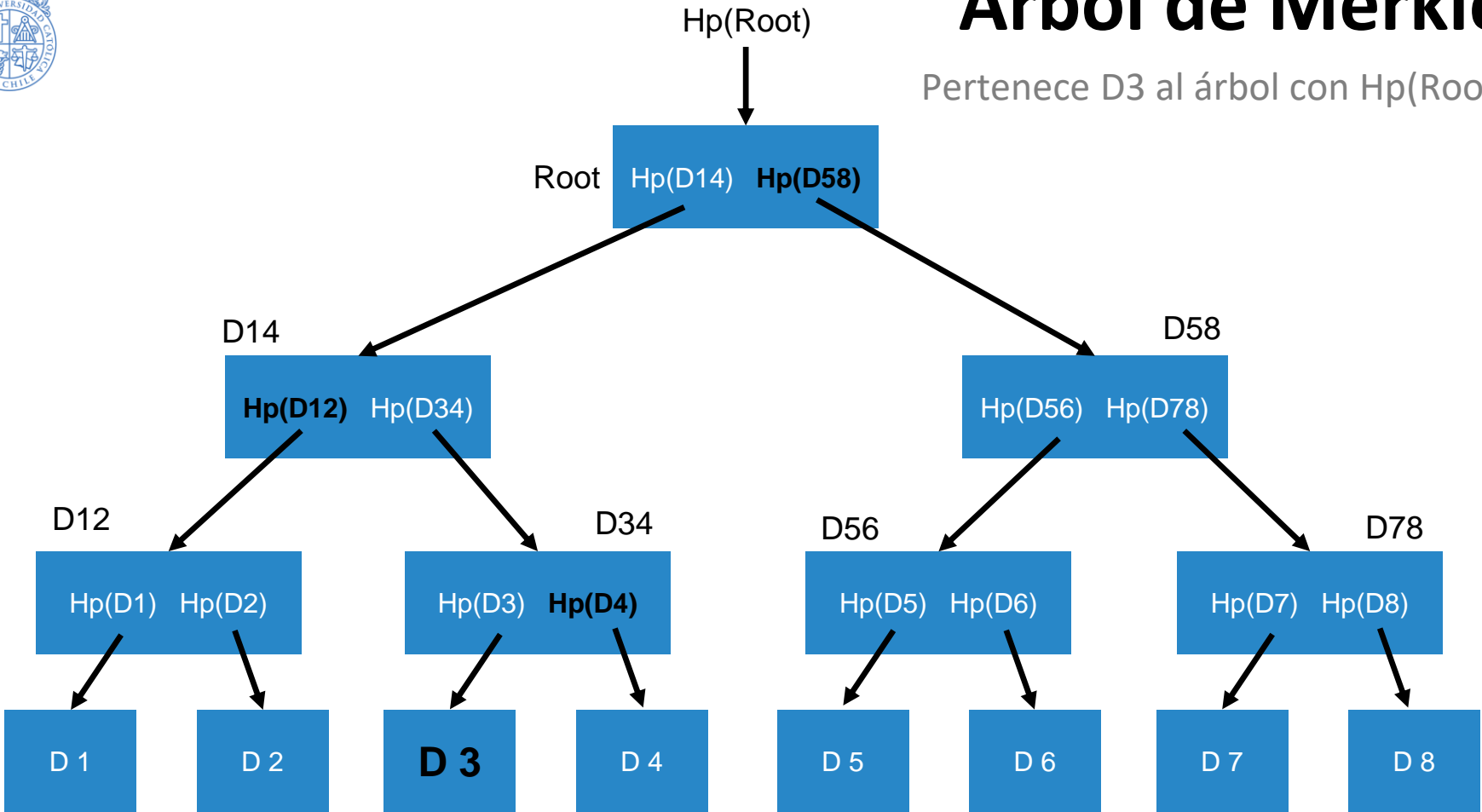
Hp(Root)





# Arbol de Merkle

Pertenece D3 al árbol con Hp(Root)







# Proof of membership

Para mostrar que  $D_i$  pertenece al árbol con raíz  $H_p(\text{Root})$ :

- $D_i$
- $H_p(\text{vecinos en el camino hasta el raíz})$

Total de  $\log_2(n)$  hashes para verificar que  $D_i$  pertenece al árbol

Ejemplo: 1024  $D_i$  cada con 1GB = Data Block de 1TB:

- Muestra de  $D_i$  pesa -- 1GB ( $D_i$ ) +  $\log_2(1024) = 10$  hashes (2560 bits)
- Un orden de magnitud menos que el peso de Data Block



# Proof of non-membership

Como mostrar qué un dato  $D$  no pertenece al árbol con raíz  $H_p(\text{Root})$ ?



# Proof of non-membership

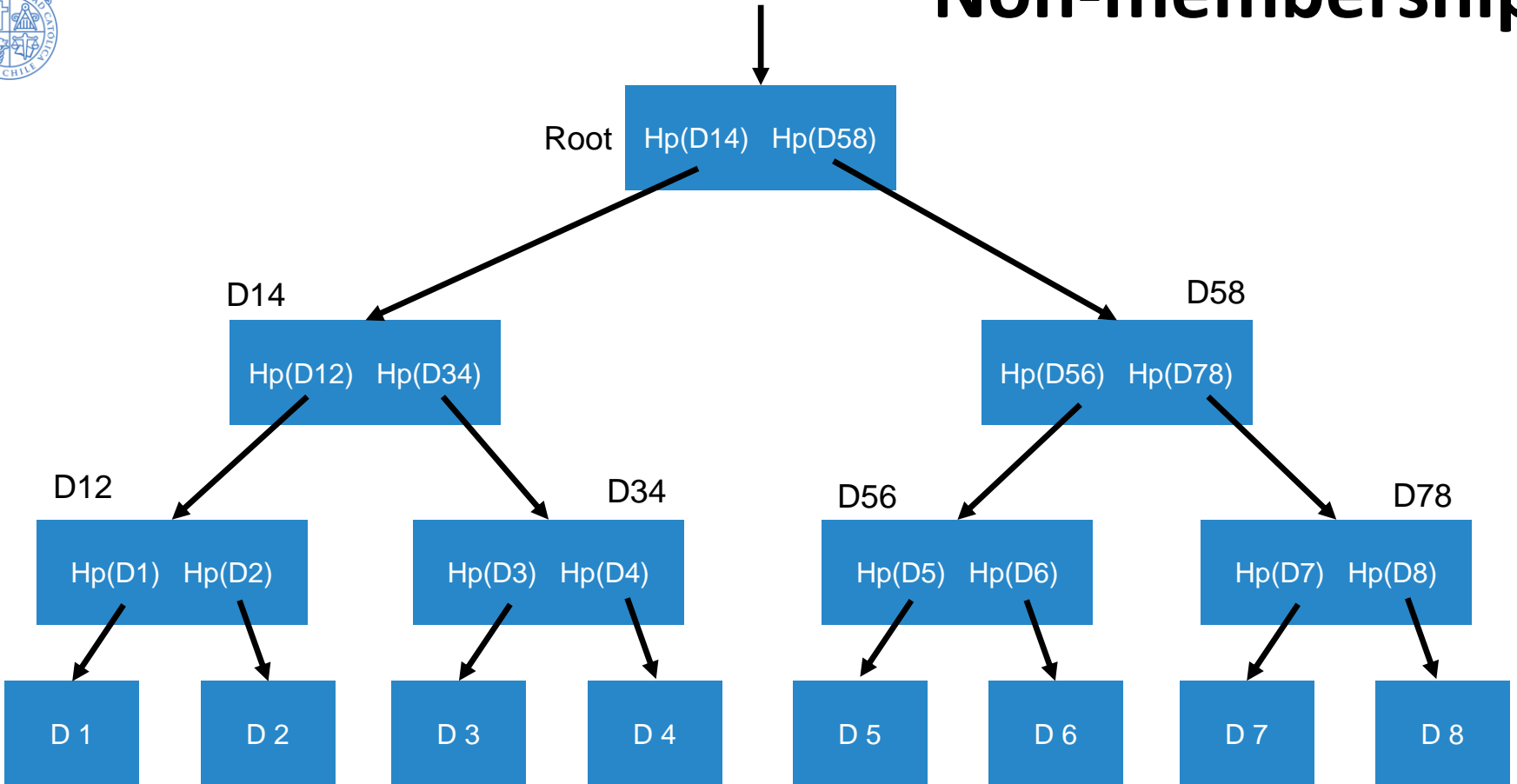
Como mostrar qué un dato  $D$  no pertenece al árbol con raíz  $H_p(\text{Root})$ ?

**Ordenemos nuestros datos en las hojas!!!**



# Non-membership

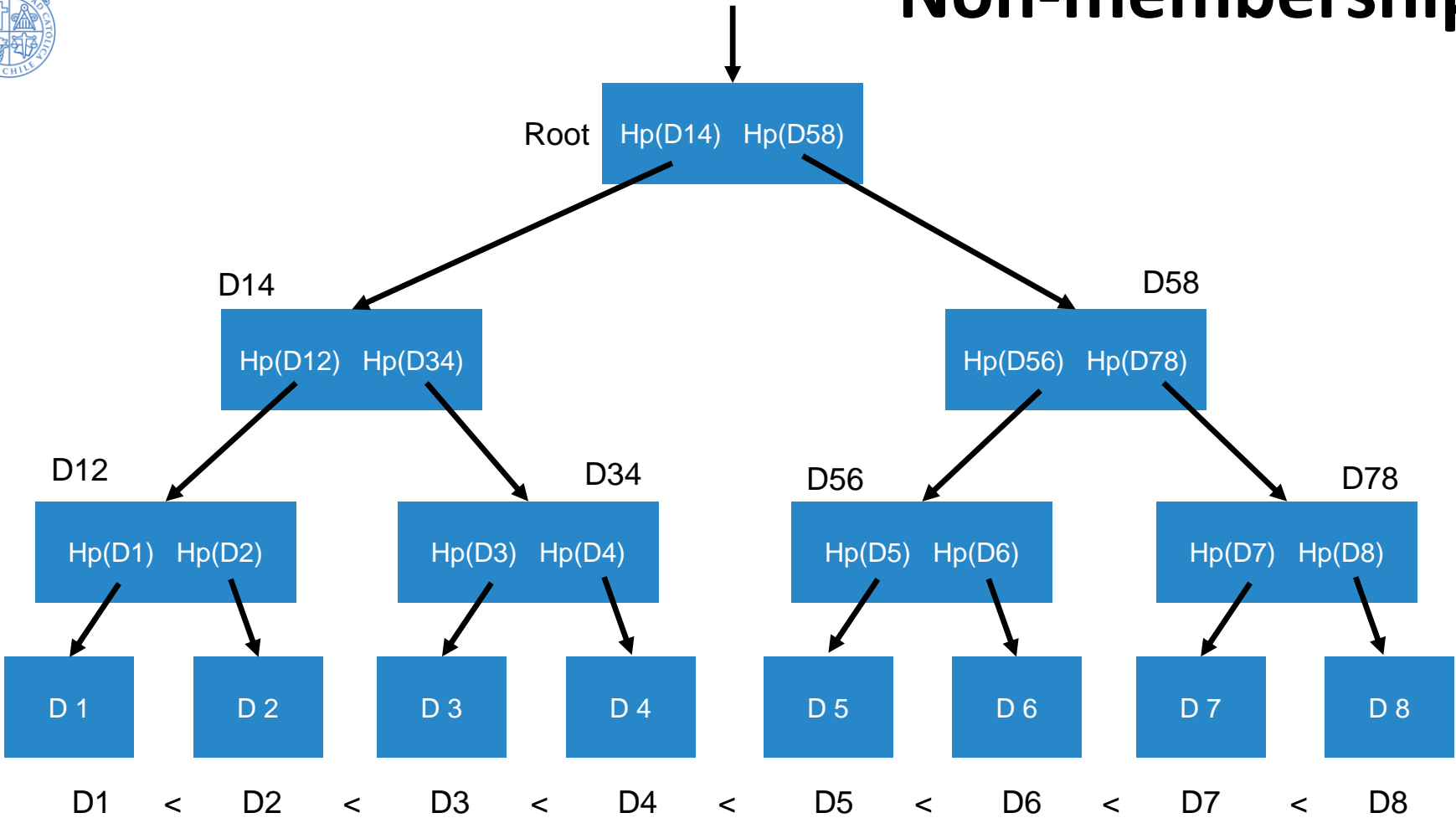
Hp(Root)





# Non-membership

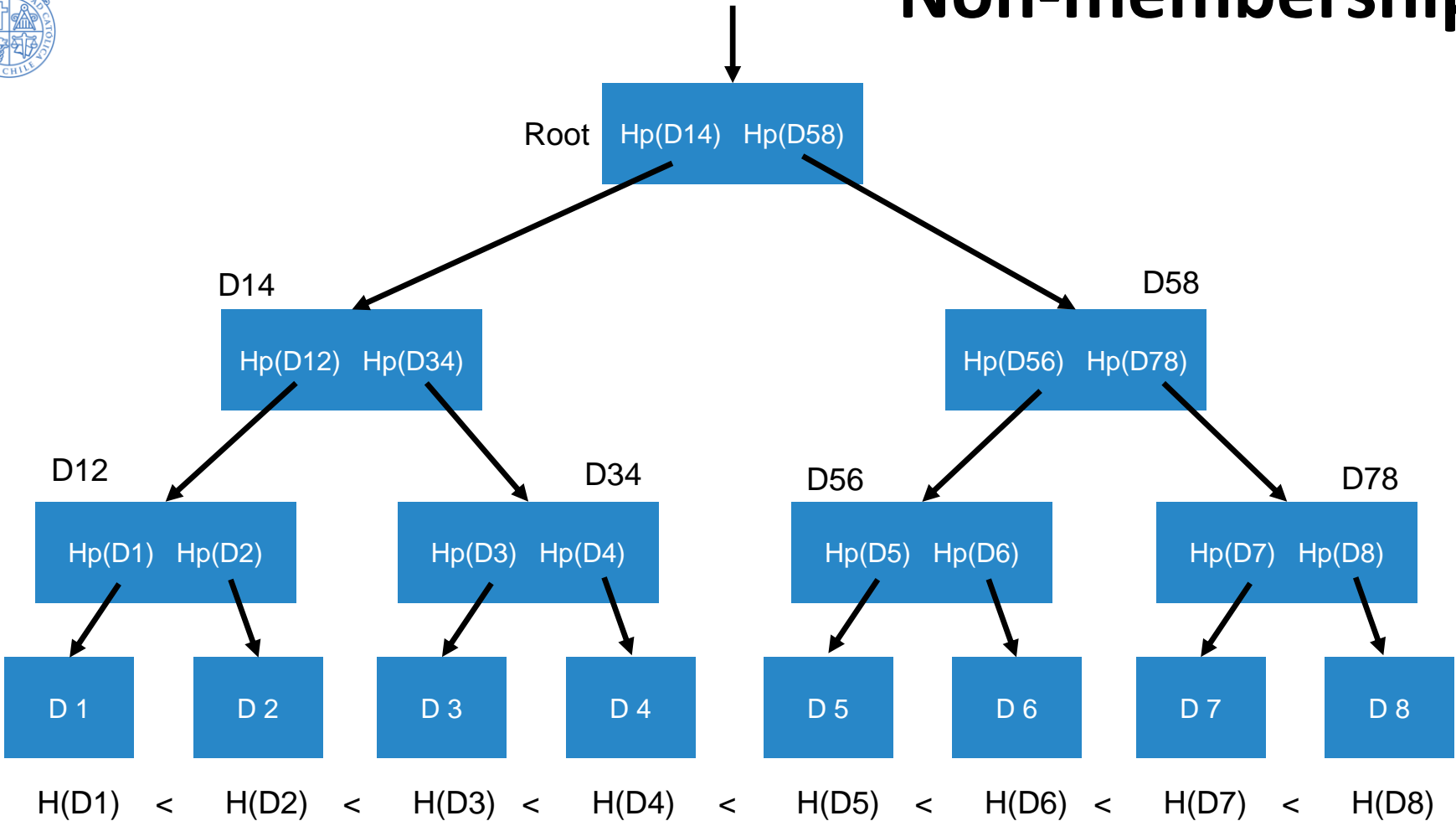
Hp(Root)





# Non-membership

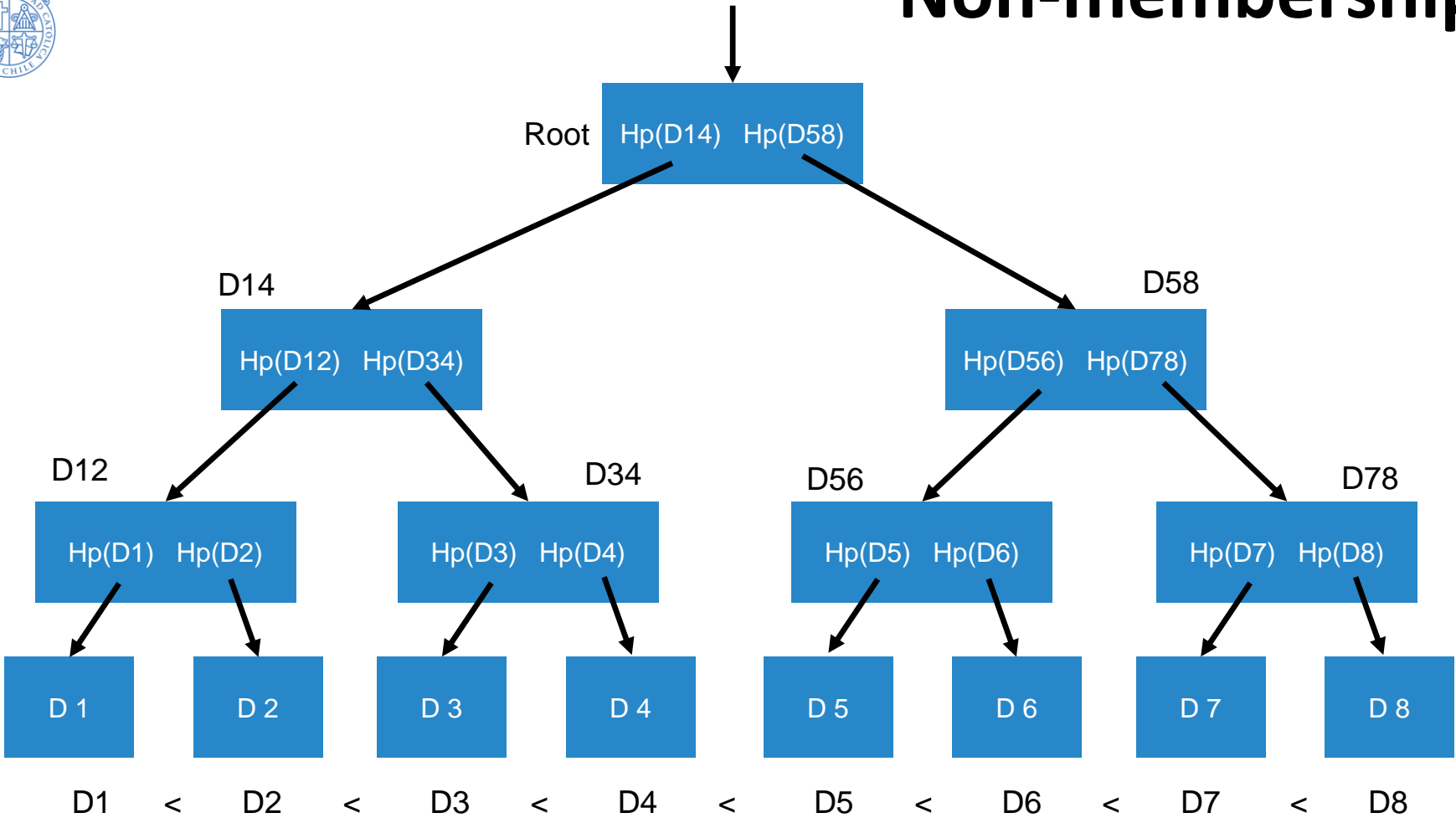
Hp(Root)





# Non-membership

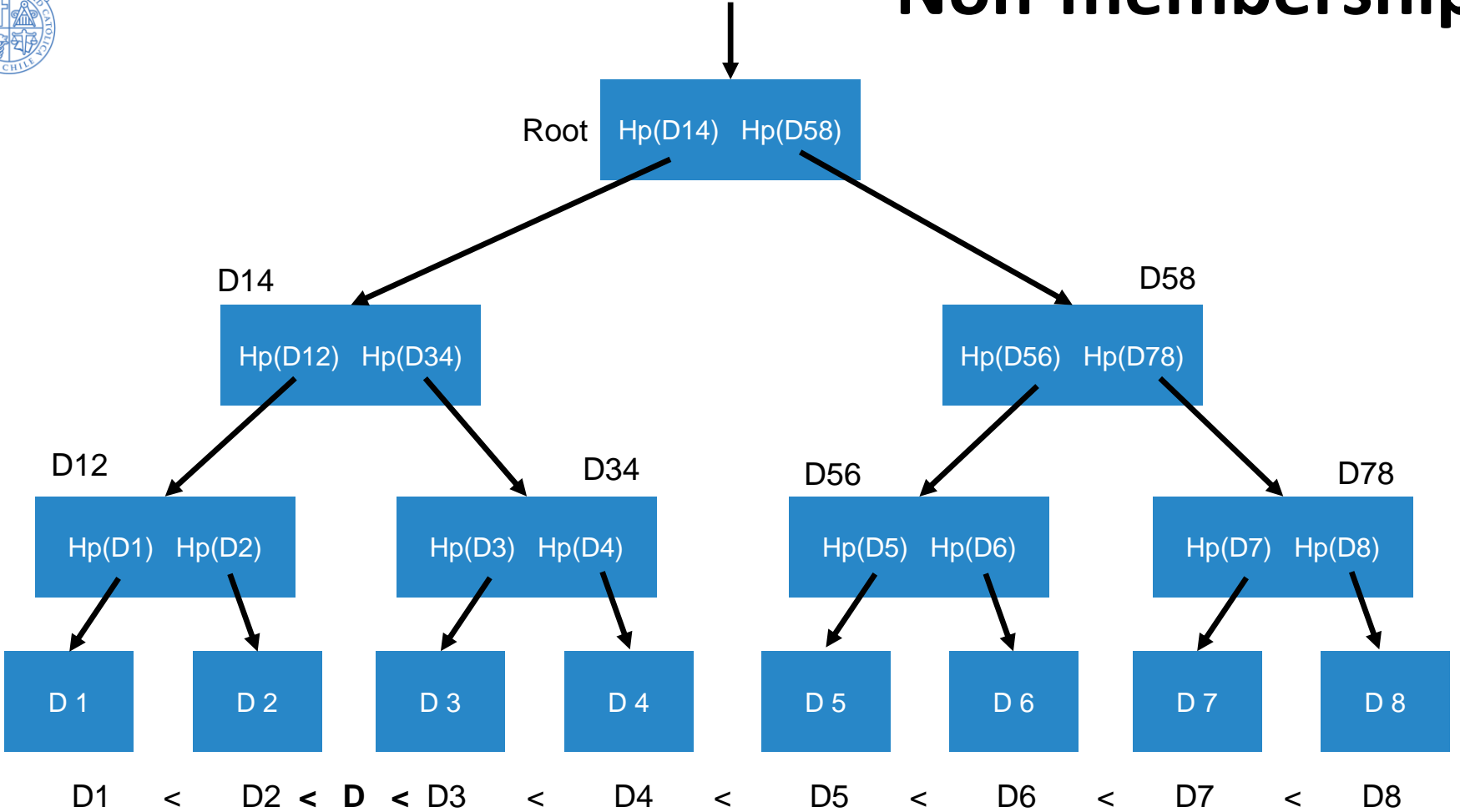
Hp(Root)





# Non-membership

Hp(Root)



D1 < D2 < **D** < D3 < D4 < D5 < D6 < D7 < D8





# Proof of non-membership

Para mostrar que  $D$  **no pertenece** al árbol con raíz  $H_p(\text{Root})$ :

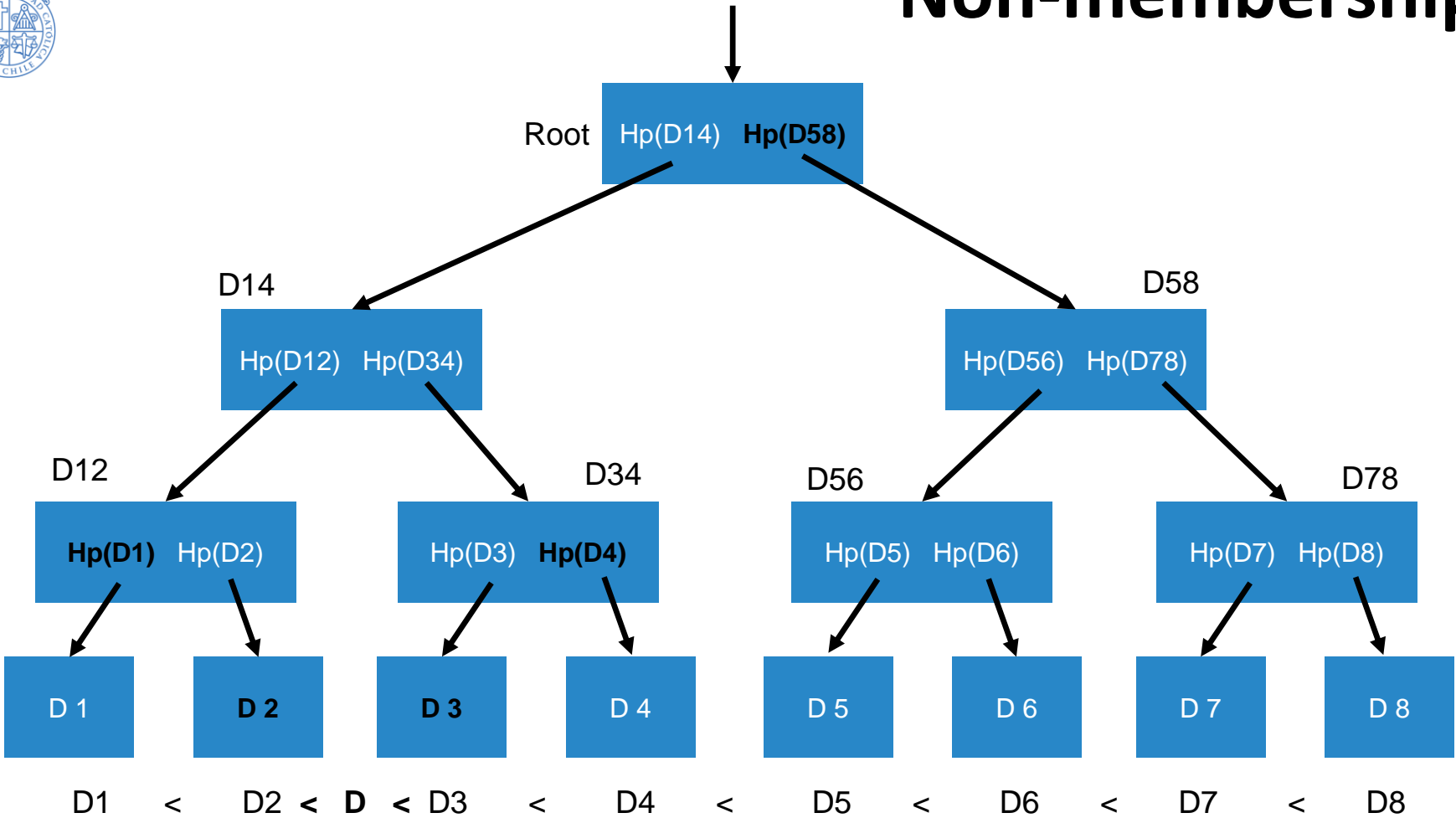
- Mínimo  $i$  t.q.  $D_i < D$
- Muestra de pertenencia de  $D_i$  y  $D_{i+1}$
- Muestra que  $D_i$  y  $D_{i+1}$  son vecinos en el árbol (**como lograr esto???**)

Como  $D_i$  y  $D_{i+1}$  son vecinos en el árbol,  $D$  no cabe



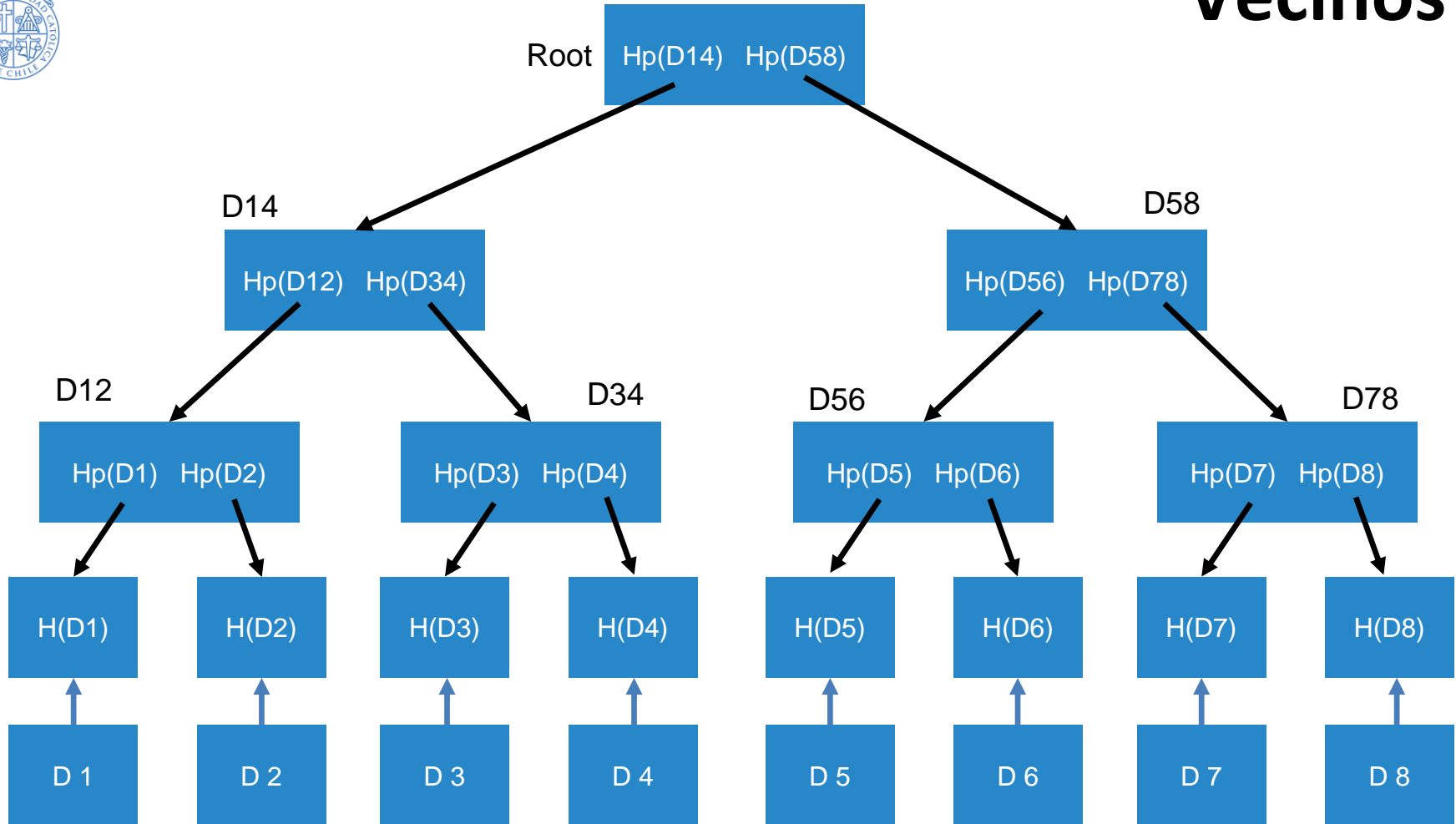
# Non-membership

Hp(Root)

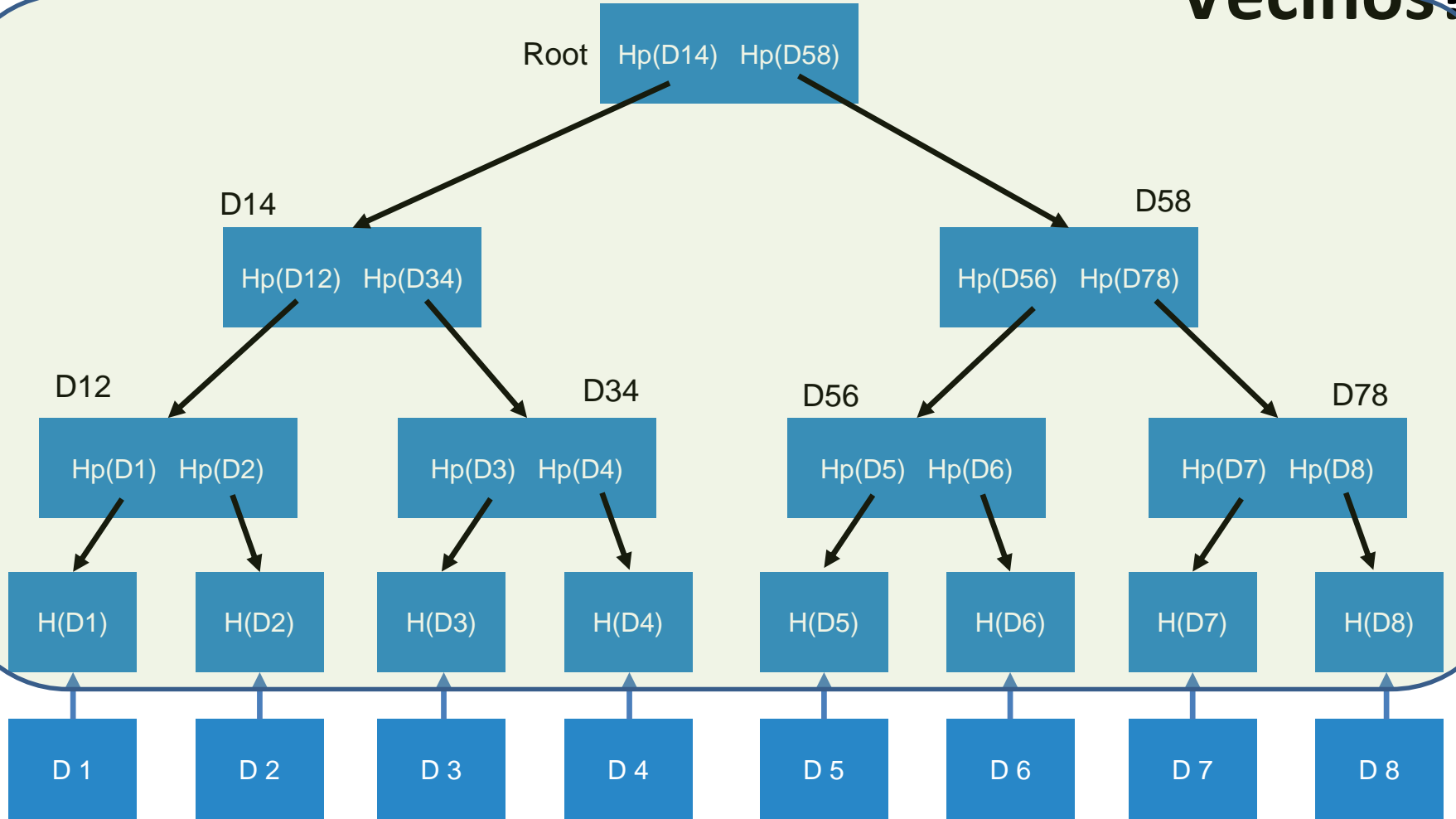




# Vecinos?



# Vecinos?





# Qué pasa en BitCoin?

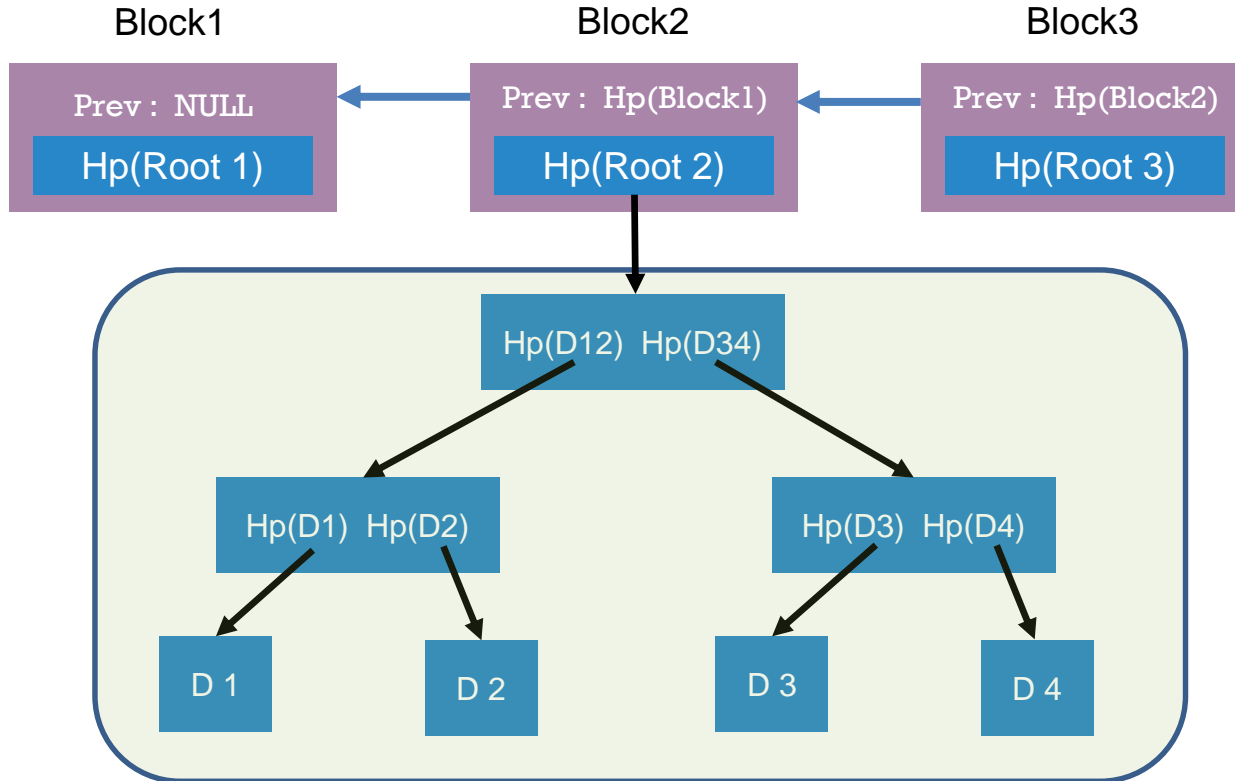
Puedo usar arboles para tener tamper-evident log?

## **Blockchain:**

- Datos en un bloque = árbol de Merkle
- Bloques forman un blockchain

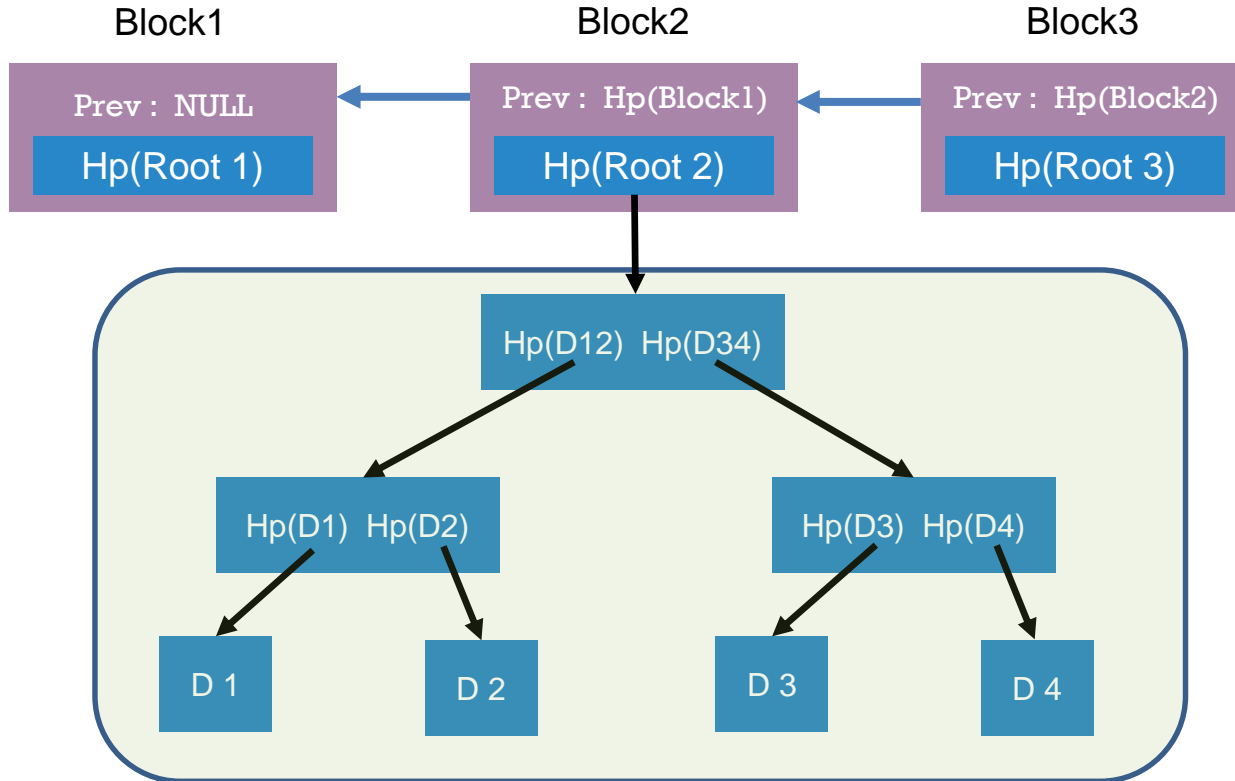


# Qué pasa en BitCoin?





# Qué pasa en BitCoin?



En BitCoin:

$D_i$  es una transacción



# Referencias

## Lectura:

- Capitulo 1.3 en el libro azul
- Capitulo 11 de Programming Bitcoin (Jimmy Song)





Todas las imágenes de esta clase eran recuperadas en:

<https://pixabay.com/>

Todas las imágenes usadas bajo licencia CC0 Creative Commons